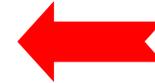


2. Digitale Codierung und Übertragung

2.1 Informationstheoretische Grundlagen

2.2 Verlustfreie universelle Kompression

2.3 Digitalisierung, Digitale Medien

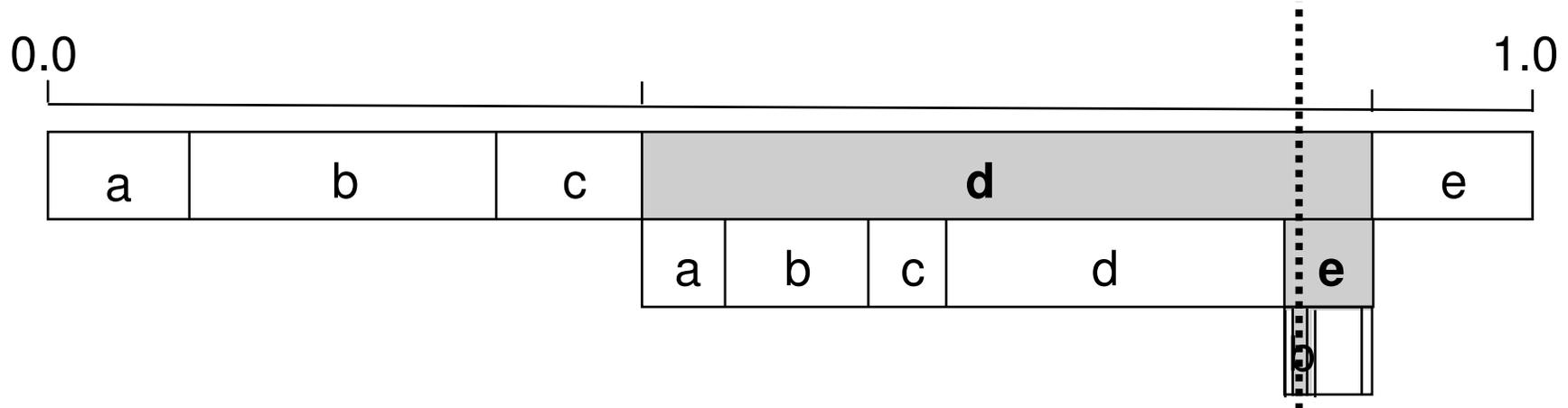


Kompressionsverfahren: Übersicht

- Klassifikationen:
 - Universell vs. speziell (für bestimmte Informationstypen)
 - Verlustfrei vs. verlustbehaftet
 - In diesem Kapitel: nur universelle & verlustfreie Verfahren
- Im folgenden vorgestellte Verfahren:
 - Statistische Verfahren:
 - » Huffman-Codierung
 - » Arithmetische Codierung 
 - Zeichenorientierte Verfahren:
 - » Lauflängencodierung (RLE Run Length Encoding)
 - » LZW-Codierung

Arithmetische Codierung (1)

- Gegeben: Zeichenvorrat und Häufigkeitsverteilung
- Ziel: Bessere Eignung für Häufigkeiten, die keine Kehrwerte von Zweierpotenzen sind
- Patentiertes Verfahren; nur mit Lizenz verwendbar
- Grundidee:
 - Code = Gleitkommazahl berechnet aus den Zeichenhäufigkeiten
 - Jedes Eingabezeichen bestimmt ein Teilintervall



Arithmetische Codierung (2)

- Beispiel:

Zeichenindex i	1=Leerz.	2=l	3=M	4=S	5=W
Häufigkeit p_i	0.1	0.2	0.1	0.5	0.1
linker Rand L_i	0.0	0.1	0.3	0.4	0.9
rechter Rand R_i	0.1	0.3	0.4	0.9	1.0

Allgemein: $L_i = \sum_{j=0}^i p_j$ $R_i = \sum_{j=0}^{i+1} p_j$

- Algorithmus:

real L = 0.0; **real** R = 1.0;

Solange Zeichen vorhanden **wiederhole**

Lies Zeichen und bestimme Zeichenindex i;

real B = (R-L);

R = L + B * R_i ;

L = L + B * L_i ;

Ende Wiederholung;

Code des Textes ist Zahl im Intervall [L, R)

Algorithmus in
"Pseudocode":

"**real**" Datentyp
(Gleitkommazahl)

"=" Zuweisung an
Variable

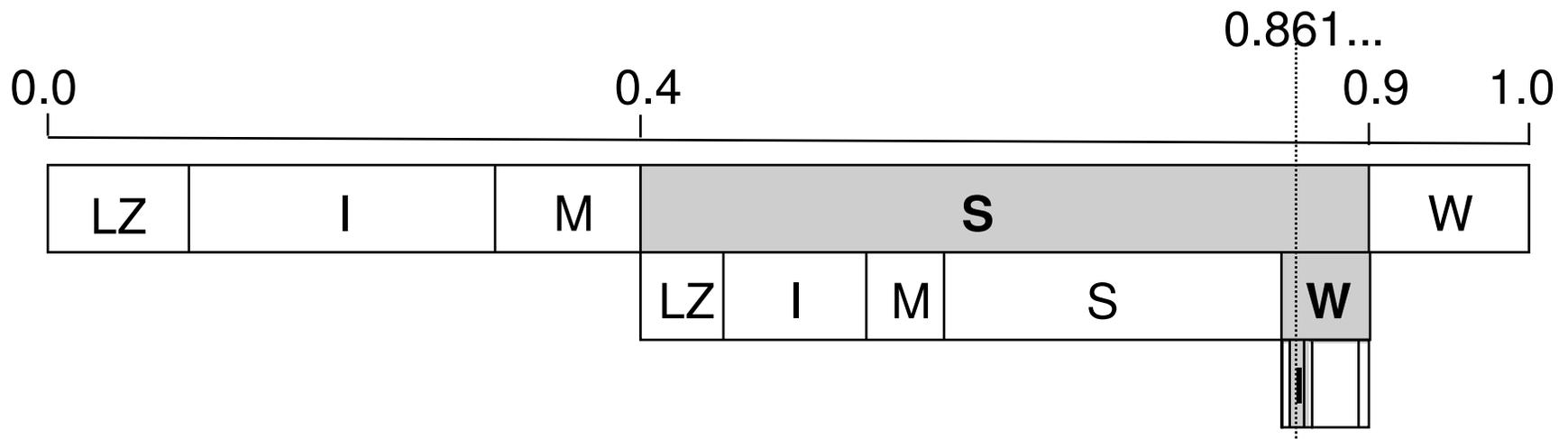
Arithmetische Codierung (3)

- Beispieltext-Codierung ("SWISS_MISS"):

Zeichen	L	R
S	0,4	0,9
W	0,85	0,9
I	0,855	0,865
S	0,859	0,864
S	0,861	0,8635
Leerz.	0,861	0,86125
M	0,861075	0,86110
I	0,8610775	0,8610782
S	0,86107778	0,86107813
S	0,86107792	0,861078095

Arithmetische Kodierung (4)

- Problem Gleitkomma-Arithmetik:
 - Konversion in Ganzzahl-Bereich durch "Skalieren"
- Welcher Binärcode:
 - Ober- und Untergrenze binär codieren
 - Code = Unterer Wert, abgebrochen an der ersten Stelle, die verschieden vom oberen Wert ist
- Veranschaulichung:



Kompressionsverfahren: Übersicht

- Klassifikationen:
 - Universell vs. speziell (für bestimmte Informationstypen)
 - Verlustfrei vs. verlustbehaftet
 - In diesem Kapitel: nur universelle & verlustfreie Verfahren
- Im folgenden vorgestellte Verfahren:
 - Statistische Verfahren:
 - » Huffman-Codierung
 - » Arithmetische Codierung
 - Zeichenorientierte Verfahren:
 - » Lauflängencodierung (RLE Run Length Encoding)
 - » LZW-Codierung



Lauf­längencodierung

- Unkomprimierte Repräsentationen von Information enthalten häufig Wiederholungen desselben Zeichens (z.B. lange Folgen von x00- oder xFF-Bytes)
- Idee: Ersetzen einer Folge gleicher Zeichen durch 1 Zeichen + Zähler
- Eingesetzt z.B. in Fax-Standards
- Beispiel:
aaaabcdeeeffgggghiabtttiikkddde
ersetzt durch
#a4bcd#e3f#g4hiab#t3#i2#k3#d3e
- Probleme:
 - Bei geringer Häufigkeit von Wiederholungen ineffektiv (verschlechternd)
 - Syntaktische Trennung von Wiederholungsindikatoren und unverändertem Code

Kompressionsverfahren: Übersicht

- Klassifikationen:
 - Universell vs. speziell (für bestimmte Informationstypen)
 - Verlustfrei vs. verlustbehaftet
 - In diesem Kapitel: nur universelle & verlustfreie Verfahren
- Im folgenden vorgestellte Verfahren:
 - Statistische Verfahren:
 - » Huffman-Codierung
 - » Arithmetische Codierung
 - Zeichenorientierte Verfahren:
 - » Lauflängencodierung (RLE Run Length Encoding)
 - » LZW-Codierung 

Wörterbuch-Kompressionen

- Grundidee:
 - Suche nach dem "Vokabular" des Dokuments, d.h. nach sich wiederholenden Teilsequenzen
 - Erstelle Tabelle: Index --> Teilsequenz ("Wort")
 - Tabelle wird dynamisch während der Kodierung aufgebaut
 - Codiere Original als Folge von Indizes
- Praktische Algorithmen:
 - Abraham Lempel, Jacob Ziv (Israel), Ende 70er-Jahre
 - » LZ77- und LZ78-Algorithmen
 - Verbessert 1984 von A. Welch = "LZW"-Algorithmus (Lempel/Ziv/Welch)
 - Basis vieler semantikunabhängiger Kompressionsverfahren (z.B. UNIX "compress", Zip, gzip, V42.bis)
 - Verwendet in vielen Multimedia-Datenformaten (z.B. GIF)

Prinzip der LZW-Codierung

- Nicht alle Teilworte ins Wörterbuch, sondern nur eine "Kette" von Teilworten, die sich um je ein Zeichen überschneiden.
- Sequentieller Aufbau:
Neu einzutragendes Teilwort = Kürzestes ("erstes") noch nicht eingetragenes Teilwort
- Beispiel:

b a n a n e n a n b a u

ba an na ane en nan nb bau

- Codierung:

b a n a n e n a n b a u

Neu ins Wörterbuch einzutragen, codiert nach altem Wb.-Zustand

LZW-Codierung (1)

- Tabelle mit Abbildung Zeichenreihe -> Indizes
 - Vorbesetzung der Tabelle mit fest vereinbarten Codes für Einzelzeichen (muß nicht explizit gespeichert und übertragen werden)
- Prinzipieller Ablauf:

SeqChar $p = \langle \text{NächstesEingabezeichen} \rangle$;

Char $k = \text{NächstesEingabezeichen}$;

Wiederhole:

Falls $p \ \& \ \langle k \rangle$ in Tabelle enthalten

dann $p = p \ \& \ \langle k \rangle$

sonst trage $p \ \& \ \langle k \rangle$ neu in Tabelle ein

 (und erzeuge neuen Index dafür);

 Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

$p = \langle k \rangle$;

Ende Fallunterscheidung;

$k = \text{NächstesEingabezeichen}$;

solange bis Eingabeende

Schreibe Tabellenindex von p auf Ausgabe;

Algorithmus-Beschreibung (“Pseudo-Code”)

- Variablen (ähnlich zu C/Java-Syntax):
 - Datentyp fett geschrieben, gefolgt vom Namen der Variablen
 - Zuweisung an Variable mit “=”
- Datentypen:
 - **int**: Ganze Zahlen
 - **Char**: Zeichen (Buchstaben, Zahlen, Sonderzeichen)
 - **SeqChar**: Zeichenreihen (Sequenzen von Zeichen)
 - » Einelementige Zeichenreihe aus einem Zeichen: < x >
 - » Aneinanderreihung (Konkatenation) mit &
- NächstesEingabezeichen:
 - Liefert nächstes Zeichen der Eingabe und schaltet Leseposition im Eingabepuffer um ein Zeichen weiter

LZW-Codierung (2)

- Vorbesezte Tabelle (z.B. mit ASCII-Codes):
[(, 97), (, 98), (, 99), (, 100), (, 101), (, 102), (, 103),
(, 104), (, 105), (, 106), (, 107), (, 108), (, 109),
(, 110), (, 111), (, 112), (, 113), (, 114), (, 115),
(, 116), (, 117), (, 118), (, 119), (, 120), (, 121),
(, 122)]
- Für neue Einträge z.B. Nummern von 256 aufwärts verwendet.

LZW-Codierung (3)

- Beispieltext: "bananenbau"
- Ablauf:

Lesen (k)	Codetabelle schreiben (p & <k>)	Ausgabe	Puffer füllen (p)
b			
a	(<ba>, 256)	98	<a>
n	(<an>, 257)	97	<n>
a	(<na>, 258)	110	<a>
n			<an>
e	(<ane>, 259)	257	<e>
n	(<en>, 260)	101	<n>
a			<na>
n	(<nan>, 261)	258	<n>
b	(<nb>, 262)	110	
a			<ba>
u	(<bau>, 263)	256	<u>
EOF		117	

Kompression durch LZW

- Am Beispiel:
 - 9 (16-Bit-)Worte statt 12 (16-Bit-)Worte, d.h. 25%
- In realen Situationen werden oft ca. 50% erreicht.
- Verfeinerungen des Algorithmus (z.B. Unix "compress"):
 - Obergrenze für Tabellengröße, dann statisch
 - Laufendes Beobachten der Kompressionsrate und ggf. Neustart

LZW-Decodierung bei bekannter Tabelle

Wiederhole solange Eingabe nicht leer:

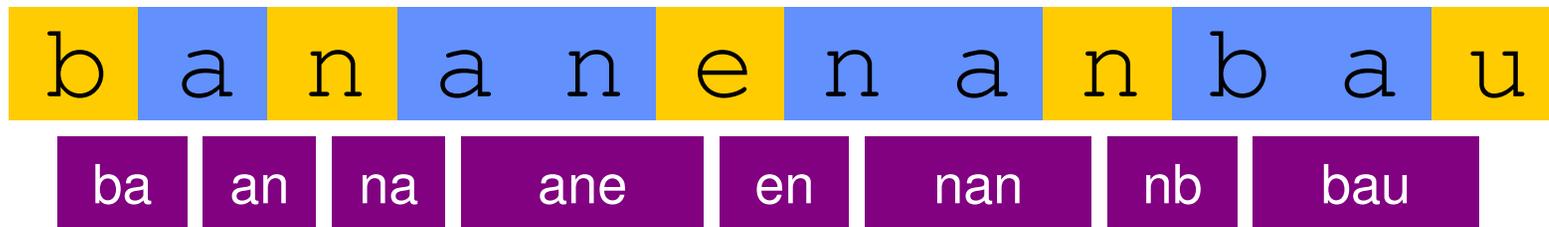
k = NächsteEingabezahl;

Schreibe Zeichenreihe mit Tabellenindex k auf Ausgabe;

Ende Wiederholung;

LZW-Decodierung (1)

- Grundidee („symmetrische Codierung“):
 - Das aufgebaute Wörterbuch muß *nicht* zum Empfänger übertragen werden.
 - Das Wörterbuch wird nach dem gleichen Prinzip wie bei der Codierung bei der Decodierung dynamisch aufgebaut.
 - Das funktioniert, weil bei der Codierung immer *zuerst* der neue Eintrag für das Wörterbuch nach bekannten Regeln aus dem schon gelesenen Text aufgebaut wird, bevor der neue Eintrag in der Ausgabe verwendet wird.
- Algorithmusidee:
 - Neu einzutragendes Teilwort = letztes Teilwort plus erstes Zeichen des aktuellen Teilworts



LZW-Decodierung (2)

- Prinzipieller Algorithmus:

SeqChar $p := \langle \rangle$;

int $k =$ NächsteEingabezahl;

Schreibe Zeichenreihe mit Tabellenindex k auf Ausgabe;

int $old = k$;

Wiederhole solange Eingabe nicht leer:

$k =$ NächsteEingabezahl;

SeqChar $akt =$ Zeichenreihe mit Tabellenindex k ;

Schreibe Zeichenreihe akt auf Ausgabe;

$p =$ Zeichenreihe mit Tabellenindex old (letztes Teilwort);

Char $q =$ erstes Zeichen von akt ;

Trage $p \ \& \ \langle q \rangle$ in Tabelle ein
(und erzeuge neuen Index dafür);

$old = k$;

Ende Wiederholung;

LZW-Decodierung (3)

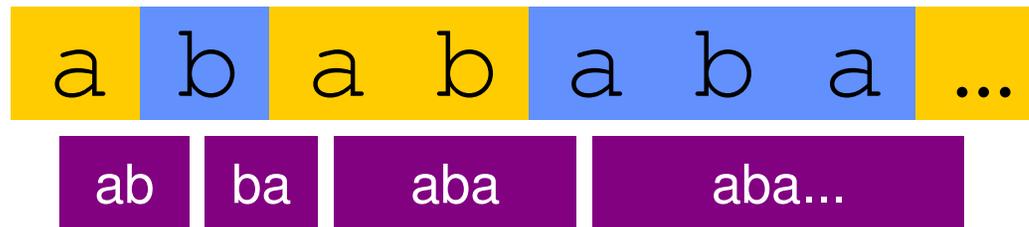
- Beispielzeichenreihe: "98-97-110-257-101-258-110-256-117"
- Ablauf:

Lesen (k)	Ausgabe (q ist jeweils unterstrichen)	Puffer füllen (p)	Codetabelle schreiben (p & <q>)	Merken (old)
98	b			98
97	<u>a</u>	b	(<ba>, 256)	97
110	<u>n</u>	a	(<an>, 257)	110
257	<u>an</u>	n	(<na>, 258)	257
101	<u>e</u>	an	(<ane>, 259)	101
258	<u>na</u>	e	(<en>, 260)	258
110	<u>n</u>	na	(<nan>, 261)	110
256	<u>ba</u>	n	(<nb>, 262)	256
117	<u>u</u>	ba	(<bau>, 263)	117
EOF				

LZW-Decodierung (4)

- Beispielzeichenreihe: "abababa...", Beispielcode: "97-98-256-258"
- Ablauf:

Lesen (k)	Ausgabe (q ist jeweils unterstrichen)	Puffer füllen (p)	Codetabelle schreiben (p & <q>)	Merken (old)
97	a			97
98	<u>b</u>	a	(<ab>, 256)	98
256	<u>ab</u>	b	(<ba>, 257)	256
258	???			



Decodierung ist so noch nicht korrekt!

LZW-Decodierung, vollständige Fassung

SeqChar $p := \langle \rangle$;

int $k = \text{NächsteEingabezahl}$;

Schreibe Zeichenreihe mit Tabellenindex k auf Ausgabe;

int $old = k$;

Wiederhole solange Eingabe nicht leer:

$k = \text{NächsteEingabezahl}$;

SeqChar $akt = \text{Zeichenreihe mit Tabellenindex } k$;

$p = \text{Zeichenreihe mit Tabellenindex } old \text{ (letztes Teilwort)}$;

Falls Index k in Tabelle enthalten

dann **Char** $q = \text{erstes Zeichen von } akt$;

Schreibe Zeichenreihe akt auf Ausgabe;

sonst **Char** $q = \text{erstes Zeichen von } p$;

Schreibe Zeichenreihe $p \ \& \ \langle q \rangle$ auf Ausgabe;

Ende Fallunterscheidung;

Trage $p \ \& \ \langle q \rangle$ in Tabelle ein
(und erzeuge neuen Index dafür);

$old = k$;

Ende Wiederholung;