

# Computergrafik 2: Übung 9

Morphologische Operationen

**Organisation**

**KLAUSURANMELDUNG  
(UNIWORX) NICHT  
VERGESSEN!**

# Besprechung Übung 8

- Anmerkungen?

# Quiz

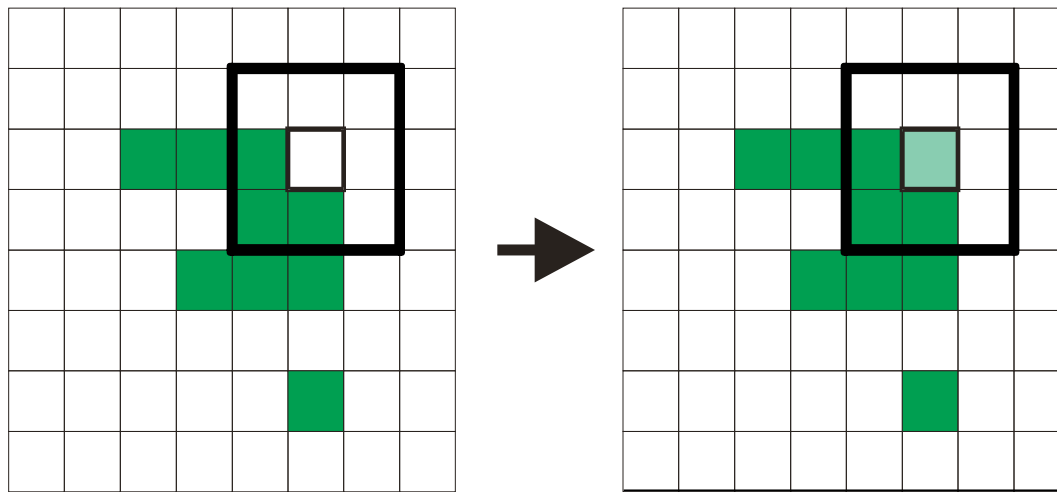
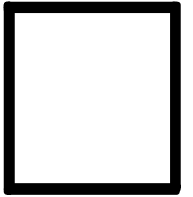
- Watershed-Algorithmus
- Morphologische Operationen
  - Dilatation
  - Erosion
  - Opening / Closing
  - Hit and Miss
  - Eigenschaften?

# Dilatation

Dilatation (Ausdehnung):  $G \oplus S$  mit Strukturelement  $S$

„oder“

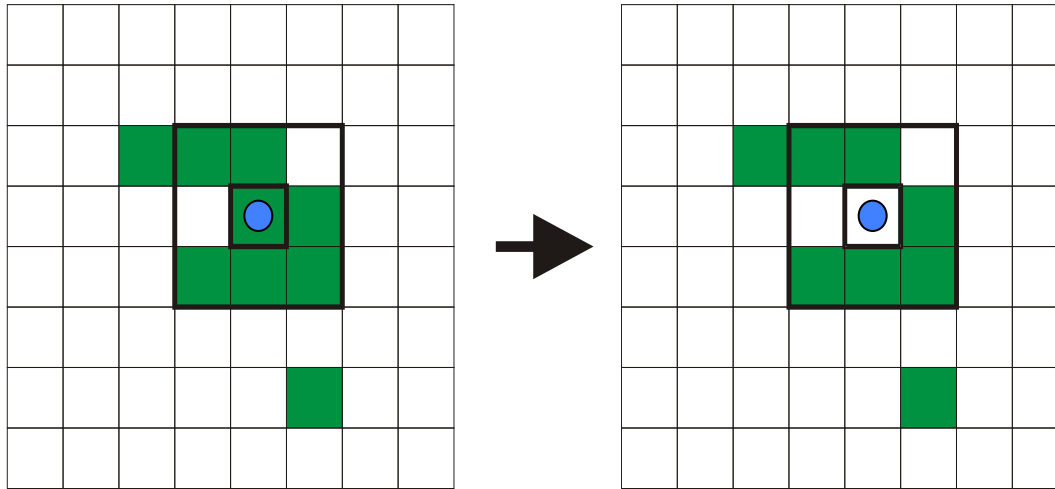
$$g(m, n) = \bigvee_{(m_k, n_k) \in S} b(m + m_k, n + n_k)$$



# Erosion

„und“

$$g(m, n) = \bigwedge_{(m_k, n_k) \in S} b(m + m_k, n + n_k)$$

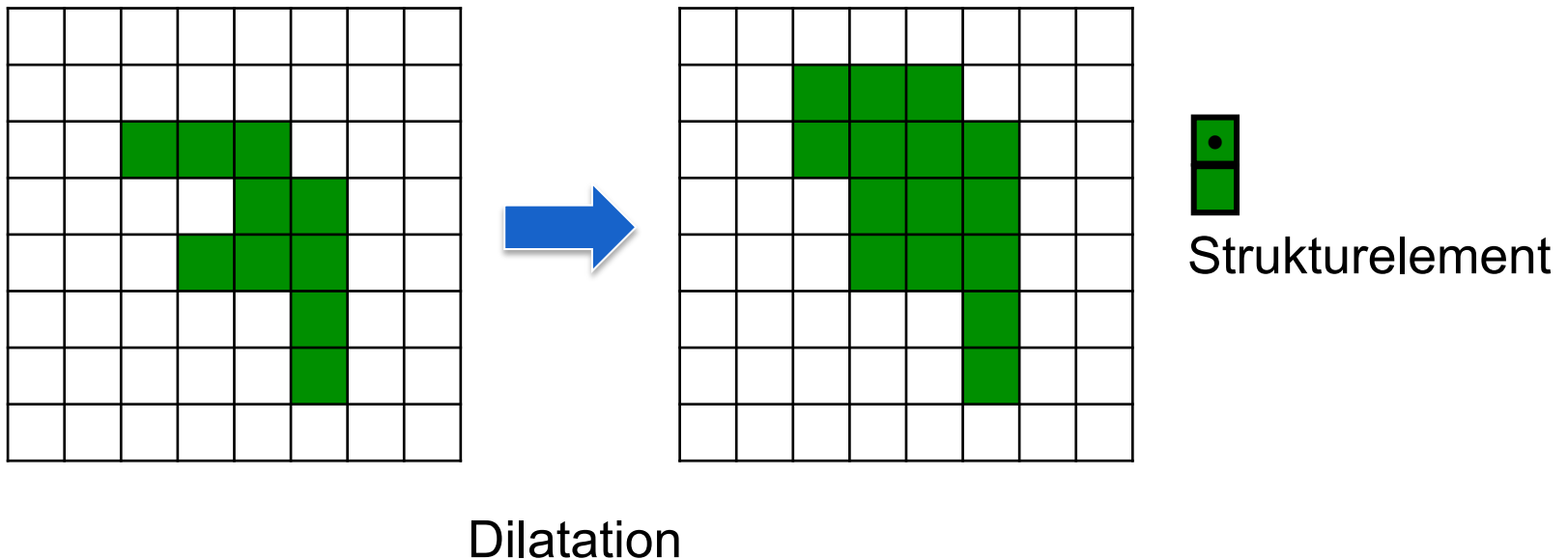


Erosion:  $G \ominus S$  mit  
Strukturelement  $S$

- Erosion:
- löst Strukturen auf
  - entfernt Details
  - verkleinert

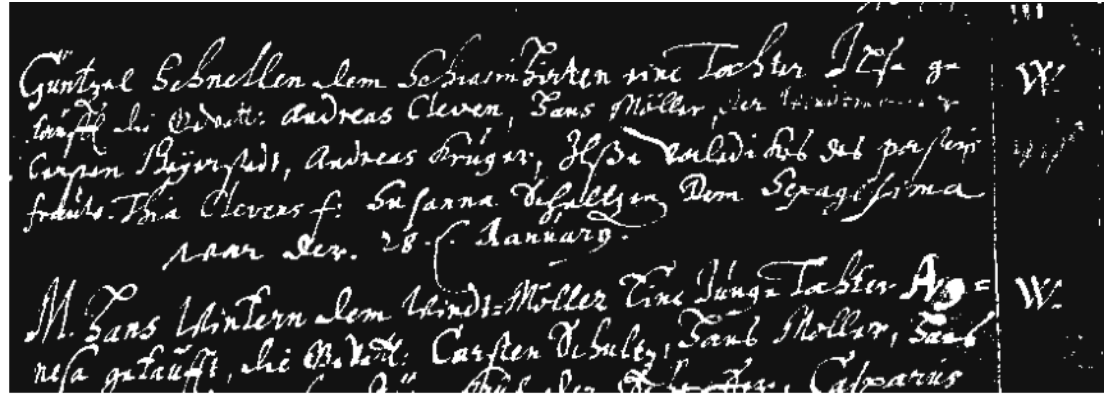
# Strukturelemente

- Ein Strukturelement einer morphologischen Operation entspricht dem Faltungskern bei einer Konvolution
- Mit einem gezielt geformten Strukturelement können genau definierte Formveränderungen erzeugt werden

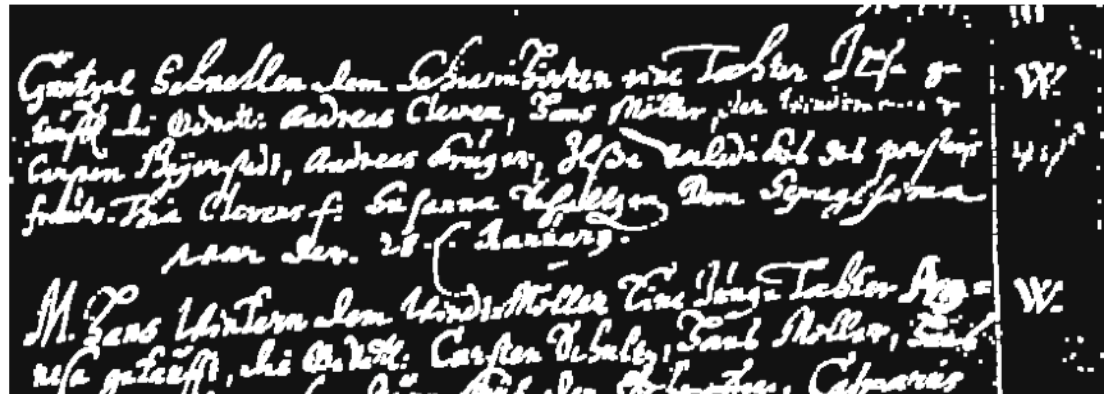


# Beispiel

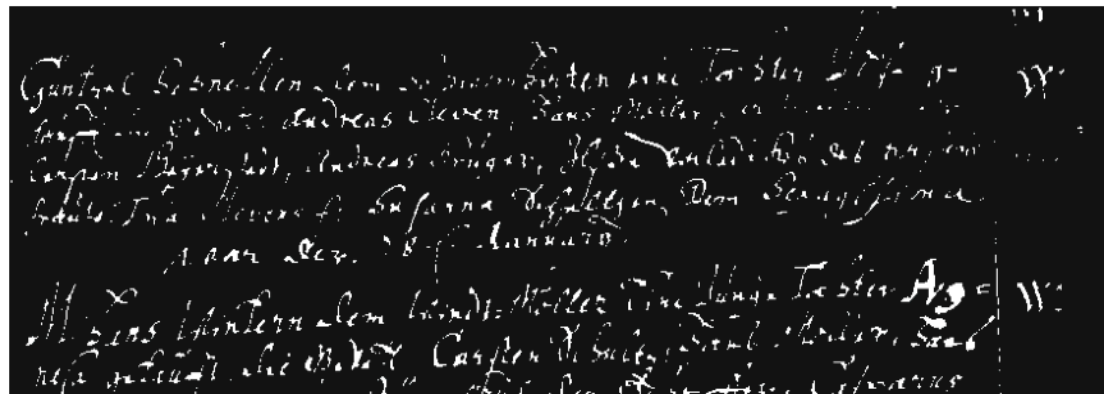
Binärbild



Dilatation



Erosion





# Einige Eigenschaften morphologischer Operatoren

- **Verschiebungsinvarianz:** Wegen der Beschreibung von Erosion/Dilatation als Faltung sind beide Operationen genau wie eine Faltung verschiebungsinvariant
- **Kommutativität und Assoziativität:**  $M_1 \oplus M_2 = M_2 \oplus M_1$   
**aber**  $M_1 \ominus M_2 \neq M_2 \ominus M_1$   
es gilt jedoch  $(G \ominus M_1) \ominus M_2 = G \ominus (M_1 \ominus M_2) = (G \ominus M_2) \ominus M_1$
- **Dualität:**  $\overline{G \ominus M} = \overline{G \oplus \overline{M}}$  und  $\overline{G \oplus M} = \overline{G \ominus \overline{M}}$

# Opening und Closing

**Opening** (Öffnen): Kombination von Erosion gefolgt von einer Dilatation mit dem am Ankerpunkt gespiegelten Strukturelement  $S'$

$$G \circ S = (G \ominus S) \oplus S'$$

- Ziel:
- |            |   |
|------------|---|
| Erosion    | - Entfernung aller (Teil-)strukturen, die kleiner als das Strukturelement sind                                  |
| Dilatation | - Wiederherstellung der ursprünglichen Größe des Objekts mit Ausnahme der vollständig entfernten Teilstrukturen |

**Closing** (Schließen): Kombination von Dilatation gefolgt von einer Erosion mit einem am Ankerpunkt gespiegelten Strukturelement  $S'$

$$G \bullet S = (G \oplus S) \ominus S'$$

- Ziel:
- |            |   |
|------------|---|
| Dilatation | - Schließen von kleinen Löchern (kleiner als das Strukturelement) |
| Erosion    | - Wiederherstellung der ursprünglichen Größe des Objekts          |

# Beispiele für Opening und Closing



Original



Opening



Closing

# Distanztransformation

Resultat der Randoperation  $\partial G_0 = G \setminus (G \ominus S_b)$ :

Menge aller Pixel, die den **Abstand 0** zum Rand haben.

Falls die gleiche Operation auf dem um den Rand verminderten Bild nochmals angewendet wird:

$$\partial G_1 = (G \ominus S_b) \setminus (G \ominus S_b \ominus S_b)$$

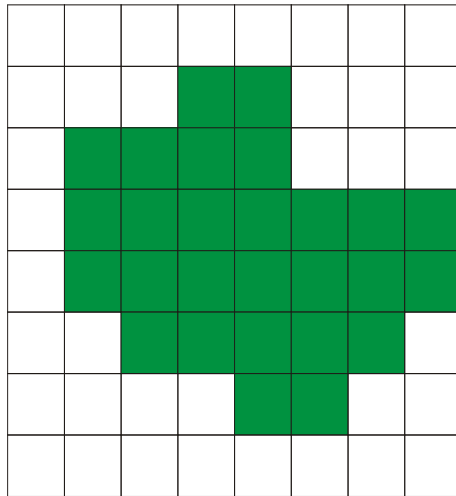
Menge aller Pixel, die den **Abstand 1** zum Rand haben.

**Fortgesetzte Extraktion** von immer weiter vom Rand entfernten Linien und Multiplikation der jeweiligen Resultate mit der aktuellen Entfernung überführt das Binärbild in ein **Distanzbild D**:

$$D = \bigcup_{n=1, \infty} [(G \ominus S_b^{n-1}) \setminus (G \ominus S_b^n) \cdot n],$$

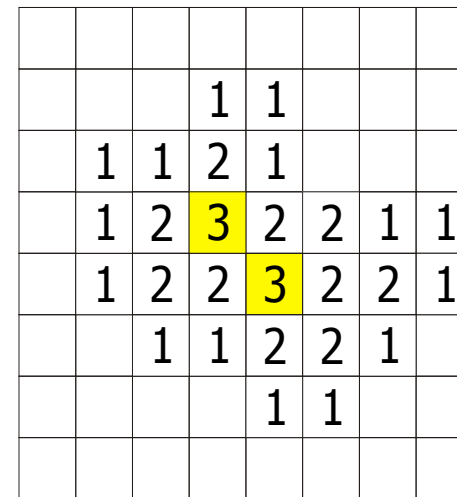
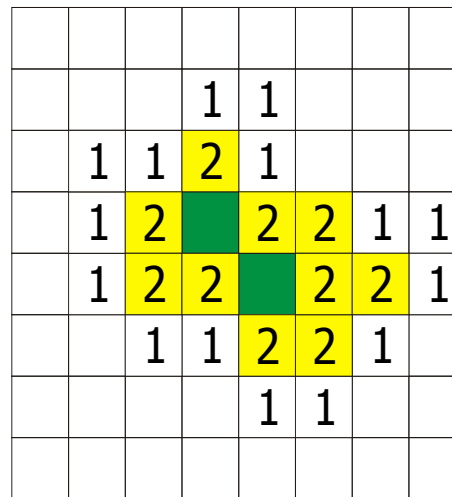
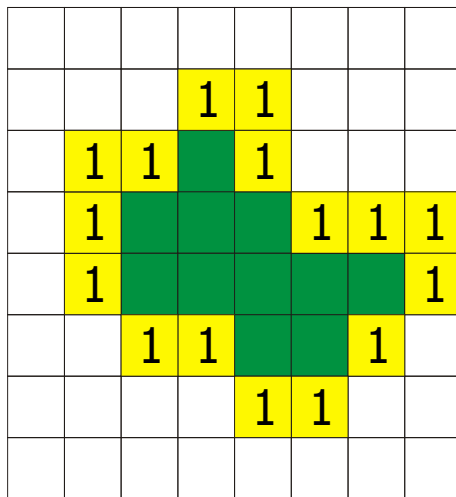
wobei die Operation  $\cdot$  die punktweise Multiplikation der  $n$ -ten Randkurve mit der Zahl  $n$  (dem aktuellen Abstand) darstellt.

# Beispiel



Originalbild

- Objektinneres (nach fortgesetzter Erosion)
- Randpixel nach der n-ten Erosion einschließlich Distanz

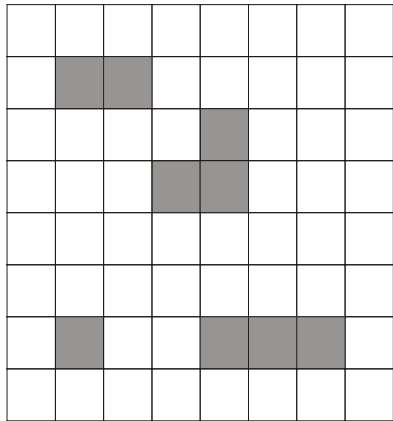


# Hit-or-Miss Operator

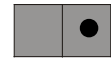
Hit-or-Miss Operator:

$$G \otimes (S_1, S_2) = (G \ominus S_1) \cap (\bar{G} \ominus S_2)$$

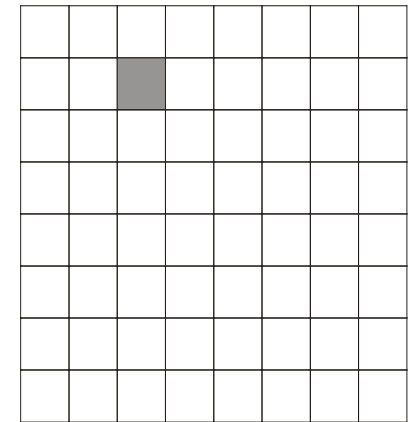
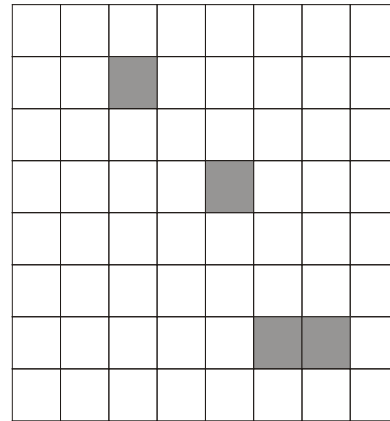
G



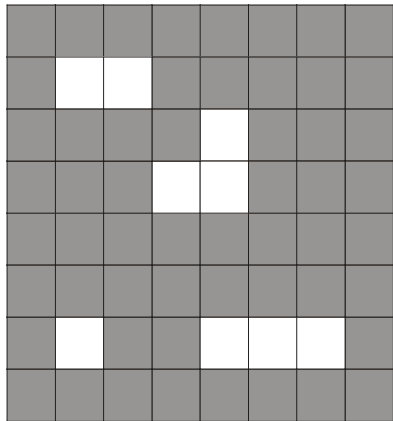
Erodieren  
mit



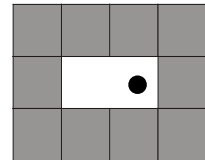
$S_1$



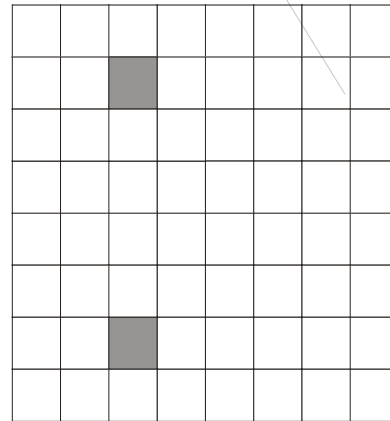
$\bar{G}$



Erodieren  
mit



$S_2$



# Hit-or-Miss Operator

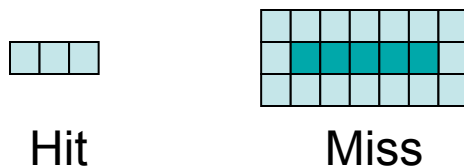
Hit-or-Miss Operator:

$$G \otimes (S_1, S_2) = (G \ominus S_1) \cap (\overline{G} \ominus S_2)$$

$$= (G \ominus S_1) \cap \overline{(G \oplus S_2)}$$

mit  $S_1 \cap S_2 = \emptyset$  (sonst wäre das Resultat der Operation die leere Menge)

Hit-or-Miss-Operator für **variable Strukturgrößen**, z.B.:



führt zur Akzeptanz von horizontalen Linien von 3,4, und 5 Pixeln Länge

**Notation** für Hit-or-Miss-Operator:  $M = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & x & 1 & 1 & 1 & x & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

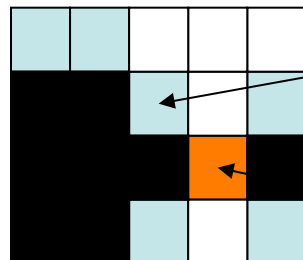
0 - Miss  
1 - Hit  
x - weder Miss noch Hit

# Hit-or-Miss-Operatoren zur Detektion von Randpunkten

$M_I = \begin{matrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{matrix}$ 
 Entfernung einzelner Pixel

$M_C = \begin{matrix} x & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{matrix}$ 
 detektiert untere, rechte Ecken eines Objekts

$M_{T1} = \begin{matrix} 0 & 0 & 0 \\ x & 1 & x \\ 1 & 1 & 1 \end{matrix}$ 
 findet Randpunkte von oben, die ein Objekt nicht teilen würden, wenn sie entfernt würden



Diese Punkte würden von  $M_{T1}$  gefunden werden

Diese Punkte würden von  $M_{T1}$  nicht gefunden werden